工学系大学院単位互換e-ラーニング科目 磁気光学入門第9回 ー磁気光学効果の測定法ー

佐藤勝昭 (東京農工大学)

これまで学んだこと

- 第3-5回には電磁気学に基づき磁気光学効果が誘電率テンソルの非対角成分から生じることを学びました。
- 第6回では、電子を古典電子論で扱い、ローレンツカを考慮した古典的運動方程式を解いて、誘電率テンソルの非対角成分を導きました。しかし、強磁性体の磁気光学効果は古典電子論では説明できませんでした。
- 第7回では、量子力学にもとづき、時間を含む摂動論によって、電子分極の期待値を計算し、誘電率の非対角成分を求めました。観測される強磁性体の磁気光学効果は、スピン軌道相互作用によって説明できました。

今回以降学ぶこと

- これまで、理論的なことを中心に磁気光学効果の原理 を学んできました。物理的な基礎が弱い方にとっては、 難しかったかも知れません。
- 今回(第9回)は磁気光学効果の測定法、第10回は実験で得られた磁気光学スペクトルと電子構造の関係、第11-13回は光磁気記録、光通信用アイソレータ、電流磁界センサー、イメージングなど磁気光学効果の応用、第14回は最近の研究の発展を学びます。
- 今回からは、実験や応用が中心になるので、理論が 苦手なかたにも分かりやすいと思います。

磁気光学効果の測定法

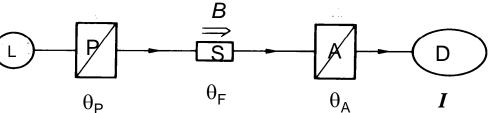
- 今回は「光と磁気」第5章にそって、磁気 光学効果の具体的な測定の方法につ いて述べます。
- ここでは、単に測定の方法を示すだけでなく、その原理についての理解が得られるように配慮しました。
- 原理を知っていると測定法を改善したり、 さらに広い応用を考えたりするときの助 けになります。
- 最初はスペクトルのことは考慮せず述べ、続いて分光測定の方法を述べます。
- 最後に測定によって得られたデータから どのようにして誘電率などのパラメータ を計算するかについて述べます。

- 直交偏光子法
- 振動偏光子法
- 回転検光子法
- ファラデー変調法
- 楕円率の評価
- 光学遅延変調法
- スペクトル測定システム

直交偏光子法(クロスニコル)

最もオーソドックスな磁気 旋光角の測定法です。

図5.1(a)に示した構成で行われます. 試料を磁極に孔をあけた電磁石の磁極の間に置き, 光の進行方向と平行に磁界が印加されるように配置します.



$$\theta_P = \theta_A + \pi/2$$

図5.1(a)

直交偏光子法の概略図。L:光源、P:偏光子、S:試料、A:検光子、D:検出器

- 偏光子Pと検光子Aを用意し、磁界のないときに光検出器Dの出力が最小になるようAの角度を調整して、そのときの目盛 θ_0 を読み取ります。
- 次に磁界Hを印加して、Dの出力を最小とするAの目盛θμを読み取りθμーθοを計算すると旋光角が得られます. 読みとりの精度はAの微調機構の精度で決まり、あまり小さい旋光角を測定することはできません。

直交偏光子法の説明

検出器に現れる出力/は、偏光子の方位角をθρ, 検光子の方位角をθA, ファラデー回転をθFとすると、

$$I = I_0 \cos^2(\theta_P + \theta_F - \theta_A) \tag{5.1}$$

と表されます。ここに θ P, θ Aはそれぞれ偏光子と検光子の透過方向の角度を表しています。 直交条件では, θ P - θ A = π /2となるので,この式は

$$I = I_0 \sin^2 \theta_F = (I_0/2)(1 - \cos 2\theta_F)$$
 (5.2)

となります θ_F が磁界Hに比例するとき、IをHに対してプロットすると図 5.1(b)のようになります

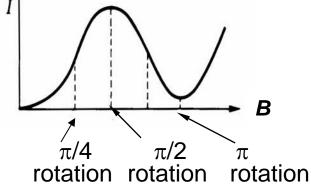
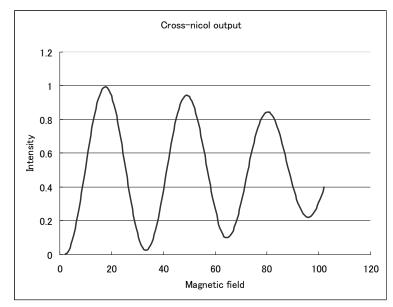


図5.1(b) 直交偏光子法における検 出器出力の磁界強度依存性)

直交偏光子法(強い磁界下で)

- θ Fがπの整数倍のとき出力I/I₀は0、π/2の奇数倍のとき1になるはずですが、実際には、図のように右上がりの曲線となりますが、何故でしょうか。
- •これは、磁気円二色性があるためです。 磁気円二色性のため出力光は楕円偏光 になるため、検光子が楕円の長軸に直交 していても、楕円の短軸の成分が検光子 を透過して来るためです。
- •図は、 I/I₀=(1-(βHl)²)sin²αHl+(βHl)²cos²αHl として近似したものです。



回転検光子法

- この方法は、偏光子、または、検光子のいずれかを回転させる方法です。
- 図5.2には偏光子Pを固定し、検光子Aを一定速度で回転させる場合を示してあります。

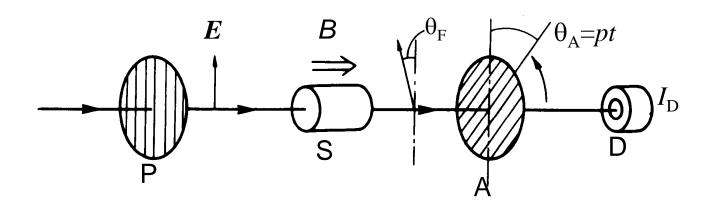


図5.2 回転検光子法の説明図。P:偏光子、S:試料、A:回転検光子、D:検出器

回転検光子法

• 検光子が角周波数pで回転するならば、 $\theta_A=pt$ と書けますから、検出器出力 I_D は、

$$I_D = I_0 \cos^2(\theta_F - \theta_A) = (I_0/2)\{1 + \cos^2(\theta_F - pt)\}$$
 (5.3)

と表されます.

すなわち、光検出器Dには回転角周波数の2倍の角周波数2pの電気信号が現れます。求めるべき回転角θμは、出力光の位相が、磁界ゼロの場合からのずれの大きさΨを測定すれば、Ψ/2として旋光角が求まります。

振動偏光子法

● 図5.3のように偏光子と検光子を直交させておき、偏光子を

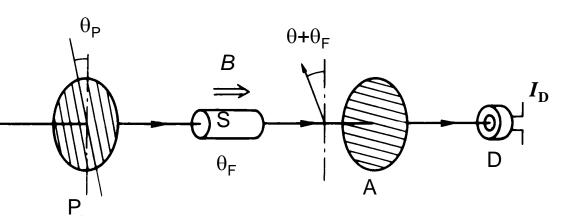
$$\theta = \theta_0 \sin pt \tag{5.4}$$

のように小さな角度 θ_0 の振幅で角周波数pで振動させると、信号出力 I_D は

$$I_D \propto I_0 \sin^2(\theta + \theta_F)$$

= $I_0 \{1 - J_0(2\theta_0)\cos 2\theta_F\} / 2 - I_0 J_2(2\theta_0)\cos 2\theta_F \cdot \cos 2pt + I_0 J_1(2\theta_0)\sin 2\theta_F \cdot \sin pt$
となります.ここに、 $J_n(\mathbf{x})$ は n 次のベッセル関数です。 (5.5)

図5.3 振動偏光子法の説明図。 P:振動偏光子(方位角 θρ)、S: 試料(ファラデー回転θF)、A:検 光子、D:検出器(出力I_D))



[参考]

式(5.5)を誘導してみましょう。

$$I_D \propto I_0 \sin^2(\theta + \theta_F) = (I_0/2)\{1 - \cos 2(\theta + \theta_F)\} = (I_0/2)\{1 - \cos 2(\theta_0 \sin pt + \theta_F)\}$$
 $= (I_0/2)\{1 - (\cos(2\theta_0 \sin pt)\cos 2\theta_F - \sin(2\theta_0 \sin pt)\sin 2\theta_F)\}$
 $= (I_0/2)\{1 - ((J_0(2\theta_0) + 2J_2(2\theta_0)\cos 2pt)\cos 2\theta_F - 2J_1(2\theta_0)\sin pt\sin 2\theta_F)\}$
 $= I_0\{1 - J_0(2\theta_0)\cos 2\theta_F\}/2 - I_0J_2(2\theta_0)\cos 2\theta_F \cdot \cos 2pt + I_0J_1(2\theta_0)\sin 2\theta_F \cdot \sin pt$
ここで、次のベッセル関数による展開式を用いました。

$$\sin(x\sin\phi) = 2J_1(x)\sin\phi + \cdots$$
$$\cos(x\sin\phi) = J_0(x) + 2J_2(x)\cos 2\phi$$

振動偏光子法の説明(cont)

- θ_Fが小さいとき,
 - 角周波数pの成分I(p)が光強度I₀および θ_Fに比例し、
 - 角周波数2pの成分I(2p)はほぼ光強度I₀に比例します。

$$(5.5) \longrightarrow I_D = I(0) - I(p) \sin pt + I(2p) \cos 2pt$$

$$I(p) = I_0 J_1(2\theta_0) \sin 2\theta_F \approx 2I_0 J_1(2\theta_0) \theta_F$$

$$I(2p) = I_0 J_2(2\theta_0) \cos 2\theta_F \approx I_0 J_2(2\theta_0)$$

●従って、/(p)と/(2p)の比をとれば θ Fを測定できます。

$$I(p)/I(2p) = I_0 J_1(2\theta_0) \sin 2\theta_F / I_0 J_2(2\theta_0) \cos 2\theta_F \approx 2\theta_F \{J_1(2\theta_0)/J_2(2\theta_0)\}$$

ファラデー変調器法

 検光子は偏光子と直交するように固定しておき、試料のファラデー効果によって起きた回転をファラデーセルによって補償し、 自動的に零位法測定を行うのが図5.4に示した方法の特徴です。

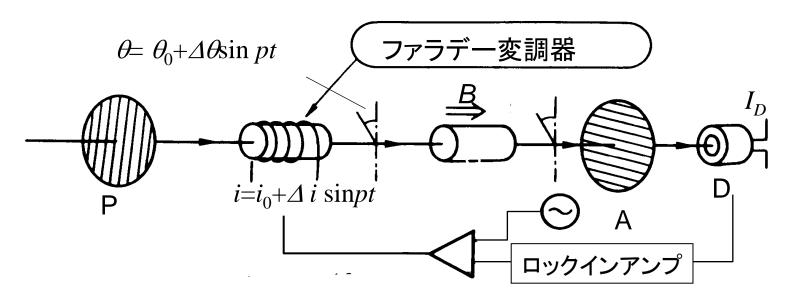


図5.4 ファラデー変調器法の模式図。P: 偏光子、S: 試料、A: 検光子、D: 検出器

ファラデー変調器法(1)

- 試料のファラデー効果によって起きた回転をファラデーセルによる逆向きの回転を使って補償し、検出器Dの出力がゼロになるようにファラデーセルに流す電流を調整すれば零位法で測定できます。ただし、セルに流す電流iと回転角 θ の間の比例係数は予め校正しておきます。 θ -Ki
- 図5.4では、セルに流す電流を手で調整する代わりに、フィード バックによって自動的に検出器Dの出力をゼロにするようになっています。
- ファラデーセルに加える直流電流bに、変調用の交流 $\Delta i \sin pt$ を重畳させておきます。従って、 $\mathbf{i}=i_0+\Delta i$ 、 $\theta=K$ i=K $i_0+K\Delta i \sin pt=\theta_0+\Delta \theta$ $\sin pt$
- そしてDの出力を、ロックイン・アンプなどの高感度増幅器で増幅し、加算器に入力しファラデーセルにネガティブフィードバックします。

ファラデー変調器法(2)

検出器出力IDは、

$$\begin{split} I_D &= I_0 \sin^2(\theta_0 - \theta_F + \Delta\theta \sin pt) \\ &= (I_0/2)\{1 - \cos 2(\theta_0 - \theta_F)\cos(2\Delta\theta \sin pt) + \sin 2(\theta_0 - \theta_F)\sin(2\Delta\theta \sin pt)\} \\ &\approx (I_0/2)\{1 - \cos 2(\theta_0 - \theta_F)J_0(2\Delta\theta)\} + I_0 \sin 2(\theta_0 - \theta_F)J_1(2\Delta\theta)\sin pt \\ &- I_0 \cos 2(\theta_0 - \theta_F)J_2(2\Delta\theta)\cos 2pt \end{split}$$

となって, p成分の強度は $\sin(\theta_0 - \theta_F)$ に比例します。

ロックイン増幅器で角周波数pの成分のみを取りだします。その大きさはI₀ sin(θ) - θF)J₁(2Δ θ)。増幅率をAとすると、その出力電流i₀は

$$i_0 = AI_0J_1(\Delta\theta)\sin 2(\theta_0 - \theta_F)$$
 となります。

ファラデー変調器法(3) フィードバックシステム

● ファラデーセルの比例係数*K*を用いると

$$\theta_0 = KAI_0J_1(\Delta\theta)\sin 2(\theta_0 - \theta_F) = K'\sin 2(\theta_0 - \theta_F)$$

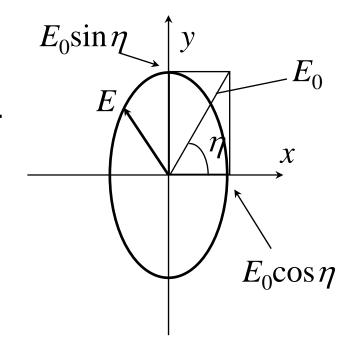
• したがって、 θ_0 - θ_F が小さければ

$$\theta_0 = 2K'(\theta_0 - \theta_F)$$

$$\theta_0 = \frac{2K'}{2K'-1}\theta_F$$

楕円率の測定法(1)

- 楕円率は、4分の1波長板(λ/4 板と略称)を用いて楕円率角を 回転に変換して測定することが 可能です.以下にはその原理に ついて述べます.
- 楕円率角η(rad)の楕円偏光が 入射したとすると、その電気ベクトルEはE=cosηi+sinηjで表 されます (ここにij はそれぞれx,y方向の単位ベクトルです。)



楕円率の測定法(2)

 $\bullet x$ 方向に光軸をもつ $\lambda/4$ 板を通すと、y方向の位相は 90° 遅れるので、出射光の電界E'は

$$\vec{E}' = E_0 \left(\cos \eta \mathbf{i} + i \exp(-i\pi/2) \sin \eta \mathbf{j}\right) = E_0 \left(\cos \eta \mathbf{i} + \sin \eta \mathbf{j}\right)$$
 (5.7)

- となりますが、これは、x軸から η (rad)傾いた直線偏光を表しています。
- したがって、入射楕円偏光の長軸の方向にλ/4板の光軸をあわせれば、上に述べたいずれかの回転角を測定する方法で楕円率角を測定できます。

楕円率の測定法(3)

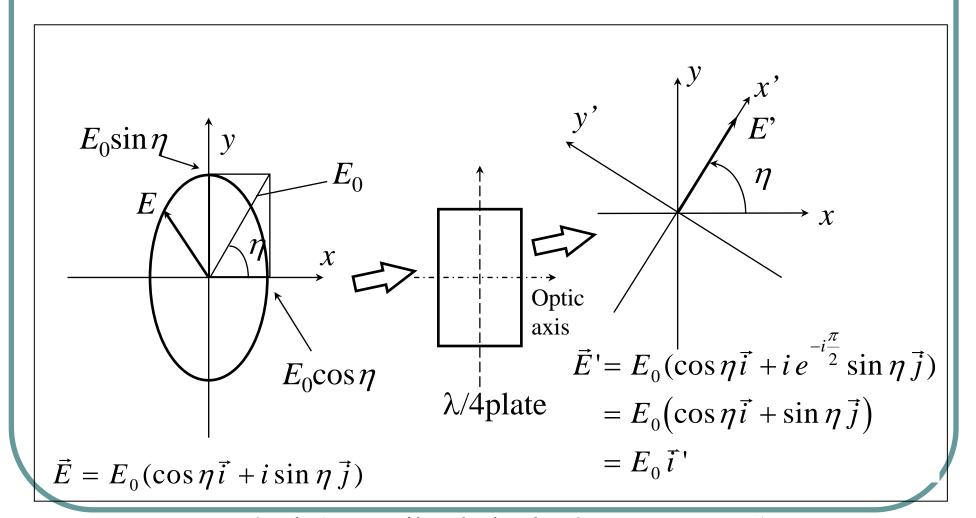
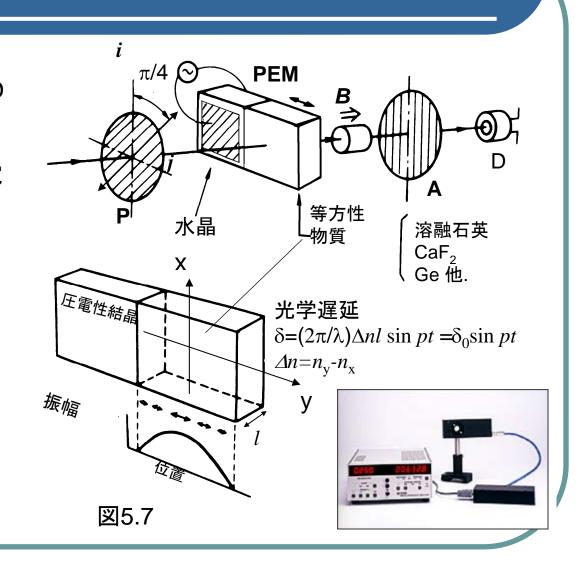


図5.5 λ/4波長板を用いて楕円率が測定できることの原理の説明図

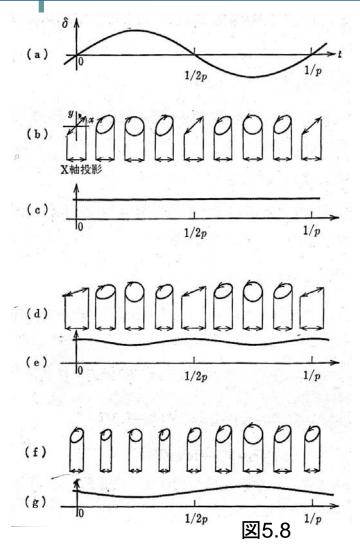
円偏光変調法(光学遅延変調法)

- 図5.7においてPとAは直線偏光子, Mは光弾性変調器(PEM), Dは光検出器です。
- PEMとは、等方性の透明物質 (石英、CaF₂など)に水晶の圧電 振動子を貼付けたものです。
- PEMに角周波数p [rad/s]の高周波の電界を加えると、音響振動の定在波ができて透明物質にp [rad/s]で振動する一軸異方性が生じます。この結果複屈折△nが現れます。
- これにより、光学遅延量
 δ=2πΔnl/λ がp [rad/s]で変調されます。すなわち。

$$\delta = \delta_0 \sin pt \tag{5.8}$$



円偏光変調法の定性的説明



- •図5.8 (a)は光弾性変調器(PEM) によって生じる光学的遅延 δ の時間変化を表します。この図において δ の振幅 δ_0 は $\pi/2$ であると仮定すると δ の正負のピークは円偏光に対応します。
- •試料Sが旋光性も円二色性ももたないとすると、電界ベクトルの軌跡は図(b)に示すように1周期の間にLP-RCP-LP-LCP-LPという順に変化します. (ここに、LPは直線偏光、RCPは右円偏光、LCPは左円偏光を表します.)
- •検光子の透過方向の射影は図(c)に示すように時間に対して一定値をとります.
- •旋光性があるとベクトル軌跡は図(d)のようになり、その射影は(e)に示すごとく角周波数2*p*[rad/s]で振動する.
- ●一方, 円二色性があるとRCPとLCPとのベクトルの長さに差が生じ, 射影(g)には角周波数p[rad/s]の成分が現れます.

円偏光変調法の原理

● 直線偏光(45°)

- $\mathbf{E}_1 = \frac{1}{\sqrt{2}} \mathbf{E}_0 (\mathbf{i} + \mathbf{j})$
- (5.9)

Y成分のみδ遅延

 $\mathbf{E}_2 = \frac{\mathbf{E}_0}{\sqrt{2}} (\mathbf{i} + \exp(\mathbf{i}\delta)\mathbf{j})$

- 円偏光座標に変換
- 右円偏光および左円偏 光に対する反射率をか ける
- $\boldsymbol{E}_{2} = \frac{\boldsymbol{E}_{\boldsymbol{\theta}}}{2} \left(\left(1 i \exp(i\delta) \right) \boldsymbol{r} + \left(1 + i \exp(i\delta) \right) \boldsymbol{l} \right)^{2}$ (5.11)

(5.10)

元の座標系に戻す

- $\mathbf{E}_{3} = \frac{\mathbf{E}_{0}}{2} \left(r_{+} \left(1 i \exp(i\delta) \right) \mathbf{r} + r_{-} \left(1 + i \exp(i\delta) \right) \mathbf{l} \right)$
- x軸から φ の 角度 の 透過 方向をもつ 検光子からの 出力光
- $= \frac{E_0}{2} (((r_+ + r_-) i(r_+ r_-) \exp(i\delta))i + i((r_+ r_-) i(r_+ + r_-) \exp(i\delta))j)$ (5.12)

$$E_4 = \frac{E_0}{2\sqrt{2}} \left(r^+ \left(1 - i \exp(i\delta) \right) \exp(i\varphi) + r^- \left(1 + i \exp(i\delta) \right) \exp(i\varphi) \right)$$
(5.13)

• 光強度を求める

 $\mathcal{H} \approx \frac{E_0^2}{2} \left(R + \Delta R \sin \delta + R \sin \left(\Delta \theta + 2 \varphi \right) \cos \delta \right)$ (5.14)

円偏光変調法の原理

- 磁気光学パラメータ に書き換え
- (5.16) $I = \frac{1}{2} E_0^2 R \{ 1 + 2\eta_K \sin \delta + \sin(2\varphi - 2\theta_K) \cos \delta \}$
- $\varphi = 0$ かつ θ_{K} が小 のとき
- $I \approx I_0 R (1 + 2\eta_K \sin \delta 2\theta_K \cos \delta)$ $\sin(x\sin\phi) = 2J_1(x)\sin\phi + \cdots$

 $\approx I(0) + I(p)\sin pt + I(2p)\cos 2pt$

 δ = δ_0 sinptを代入して Bessel関数展開

$$\cos(x \sin \phi) = J_0(x) + 2J_2(x)\cos 2\phi$$

$$I_D = (I_0/2)\{1 + 2\eta_K \sin(\delta_0 \sin pt) - \sin 2\theta_K \cos(\delta_0 \sin pt)\}$$

$$= (I_0/2)\{1 - 2\theta_K J_0(\delta_0)\} + I_0 \cdot 2\eta_K J_1(\delta_0)\sin pt - I_0 \cdot 2\theta_K J_2(\delta_0)\cos 2pt + \cdots$$

(5.17)

周波数pの成分が楕円率、 2pの成分が回転角

$$I(0) = \frac{I_0}{2} \{1 - 2\theta_K J_0(\delta_0)\},\$$

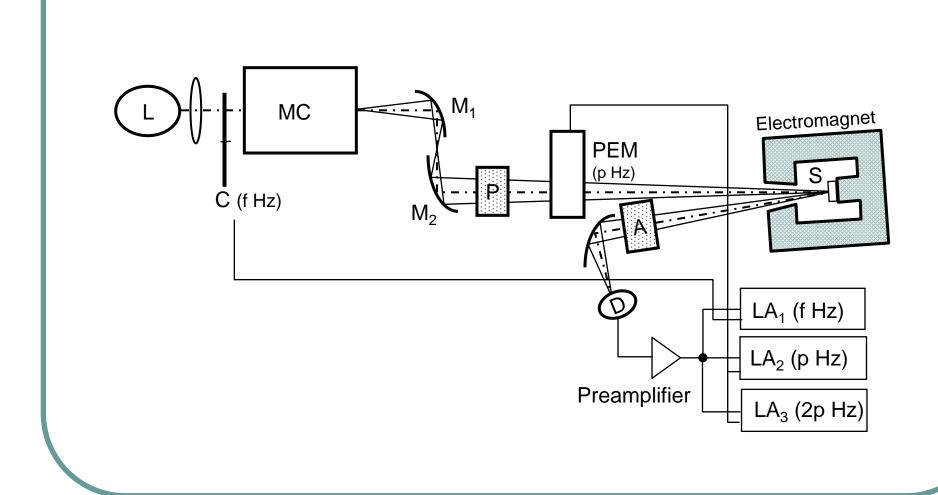
$$I(p) = 2I_0 \eta_K J_1(\delta_0)$$

$$I(2p) = -2I_0 \theta_K J_2(\delta_0)$$
(5.18)

円偏光変調法の特徴

- 同じ光学系を用いて旋光角と楕円率を測定できるという特徴をもっています。
- また、変調法をとっているため高感度化ができるという利点ももちます。
- この方法は零位法ではないので、何らかの手段による校正が必要です。詳しくは配付資料を参照してください。

磁気光学スペクトル測定系



磁気光学スペクトル測定上の注意点

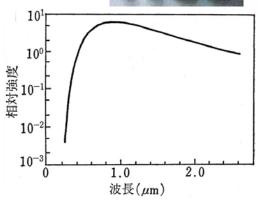
- 磁気光学スペクトルの測定には、光源、偏光子、 分光器、集光系、検出器の一式が必要ですが、 各々の機器の分光特性が問題になります。
- さらに、試料の冷却が必要な場合、あるいは、 真空中での測定が必要な場合には、窓材の透 過特性が問題になります。

光源

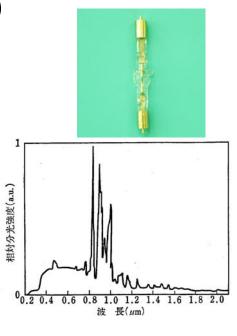
- ハロゲン・ランプ(近赤外-可視)
- キセノンランプ(近赤外-近紫外)

● 重水素ランプ(紫外)

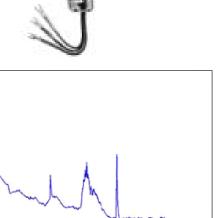




ハロゲンランプ



キセノンランプ



700

800

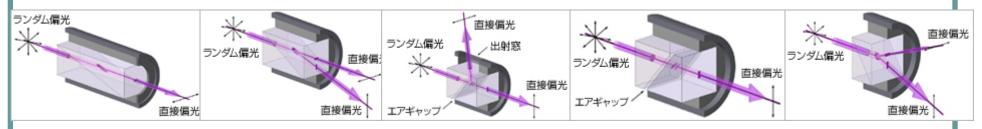
重水素ランプ

波長(nm)

300 400 500 600

偏光子

• 複屈折(プリズム)偏光子



グラントムソン

ロション

グランレーザー

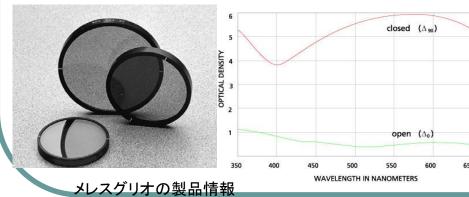
グランテーラー

ウォラストン

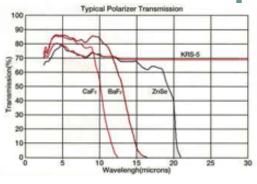
光学技研の製品情報(偏光子) http://www.kogakugiken.co.jp/products/polarizer06.htmlによる

● 二色性偏光子(偏光板)

ワイヤグリッド偏光子





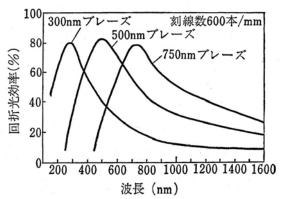


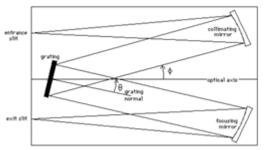
http://shop.mellesgriot.com/products/optics/optics.asp?plga=276736&CatID=10521&mscssidによる

オプトライン社の製品情報 http://www.opto-line.co.jp/jp/henko/henko_sekigai.htmlによる

分光器

- 分解能よりも明るさに 重点を置いて選ぶ必要 があります. 焦点距離 25cm程度で, f ナン バーが3~4のものが 望ましい.
- 回折格子は刻線数とブレーズ波長によって特徴づけられます。







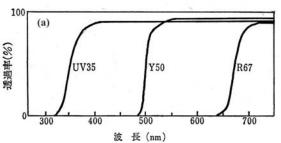
堀場ジョバンイボンのH10型分 光器

チェルニーターナー型回 折格子分光器

メリーランド大のホームページ http://www.inform.umd.edu/EdRes/Topic/Chemistry/ChemConference/Chem623/Monochromator.htmから。I

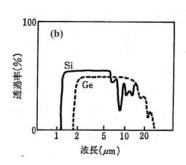
高次光カットフィルタ

- 回折格子分光器はその性質上必ず高次光が出力されるので、ローパスフィルタを用いて高次光の遮断を行う。
- ローパスフィルタとしては適当な色ガラスフィルタ、半導体結晶フィルタ、干渉フィルタなどが用いられる。
- 高次光の遮断は特に赤外域で重要になってくる。例えば、2μmに波長ダイアルを合わせたとき同時に2次光1μm、3次光667nm、4次光500nm、5次光400nm、・・・が出力されており、2μmのみを取り出すためには、1μmより短い波長の光を遮断するフィルタを用いる必要がある。
- 高次光遮断フィルタは使用する波長領域に合わせて変えなければならない。



色ガラスフィルターの分光透過特性

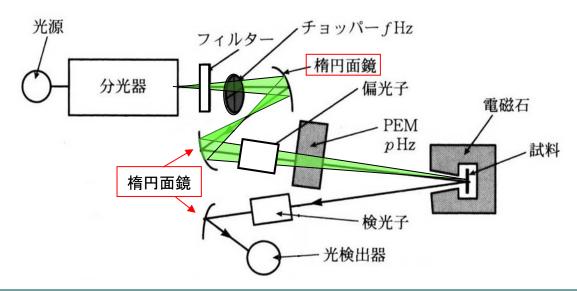
HOYACANDEOのホーム ページ http://www.hoyacandeo.co.jp /iapanese/products/より



半導体フィルターの分光透過特性

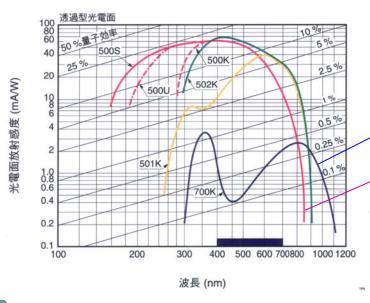
集光系

- 狭い波長範囲:レンズ使用
- 広い波長範囲:ミラー使用
 - 色収差が重要
 - たとえば、石英ガラスのレンズを用いて、 $0.4~2\mu$ mの間で測定するとすれば、 $\delta f/f = -0.067$ となり、f = 15cmならば $\delta f \sim 1$ cmとなる.



検出器

- 光電子増倍管
- 半導体光検出器



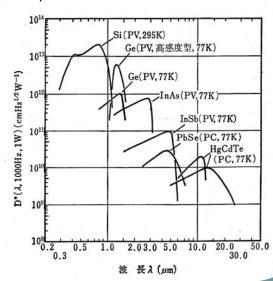


http://www.hpk.co.jp/Jpn/pr oducts/etd/pmtj/pmtj.htm

タイプ	光電面
S-1	Ag-O-Cs
S-4	Sb-Cs
S-20	マルチアルカリ
GaAs	GaAs 結晶

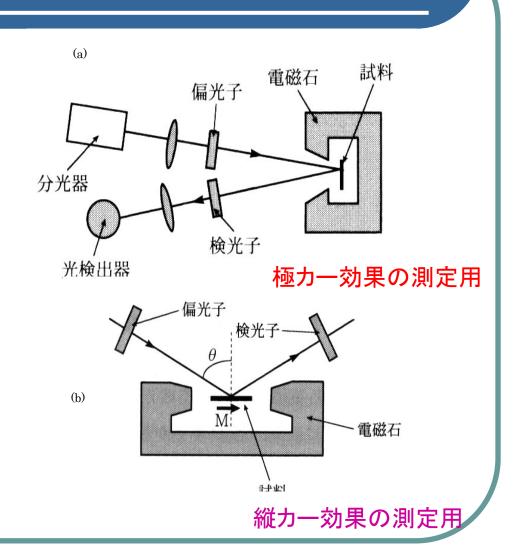


http://www.irassociates.com/

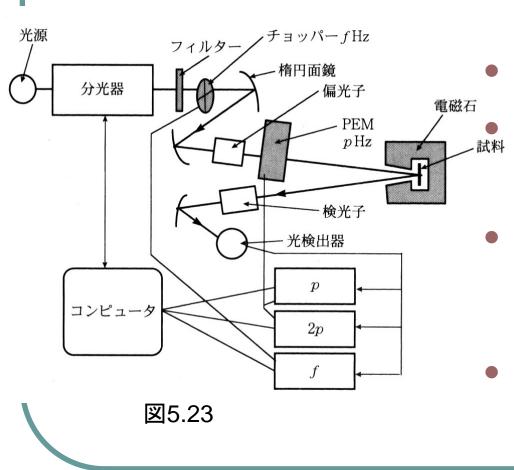


電磁石と冷却装置、素子の配置

- ファラデー配置と フォークト配置
- ・穴あき電磁石
- 鉄芯マグネット
- 超伝導マグネット



電気信号の処理



ここでは光学遅延変調法により磁気光 学スペクトルを測定する場合の電気信号 処理系について簡単に記述します.

図5.23にこの測定系のブロック線図を示します.

磁気旋光角は変調周波数p [rad/s]の2倍の成分と直流成分との比から、磁気円二色性は変調周波数成分と直流成分の比から求めることができます。

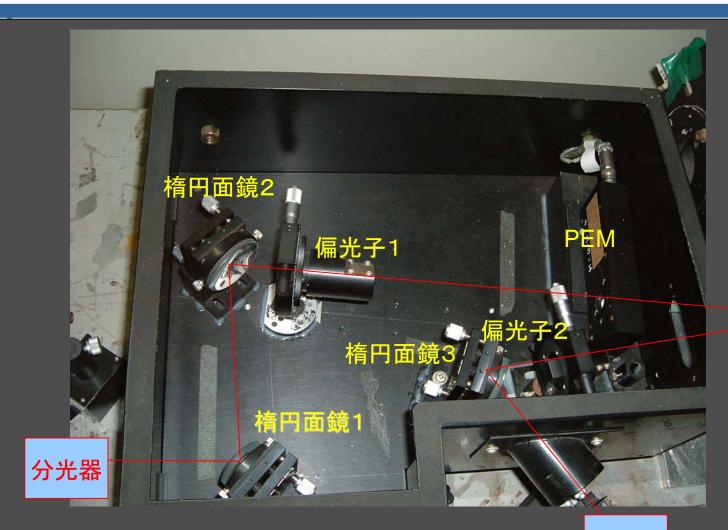
直流成分を知るために、光をf[rad/s]で断続して交流信号として検出することもよく行われています。(特に、半導体検出器を使うときは暗電流との分離のために交流にしなければなりません。)

従って、p [rad/s]成分とf [rad/s]成分、あるいは2p [rad/s]成分とf [rad/s]成分をロックインアンプの出力として求め、これらの比を計算する必要があります。

磁気光学スペクトル評価装置(1)



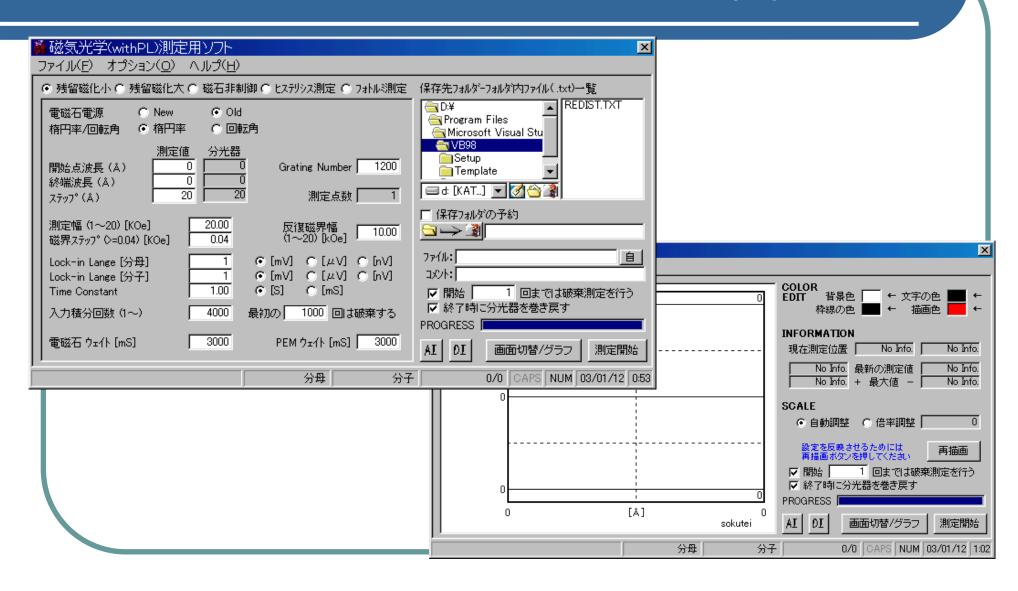
磁気光学スペクトル評価装置(2)





PM

磁気光学スペクトル評価装置(3)



第9回のまとめ

- この講義では、磁気光学効果の測定法のいくつかをとりあげ説明しました。直交偏光子法以外はなんらかの変調法を取り入れることによって感度を高めています。
- PEMを用いた円偏光変調法は、高感度の測定法です。この方法を使うと、光学系を変えることなく旋光角と楕円率の両方を測定できる便利な方法です。

第9回の課題

- 1. 円偏光変調法に使うPEM (photoelastic modulator=光弾性変調器)の原理を説明してください。
- 2. 磁気光学のスペクトルを測定をする場合に考慮 しなければならないことを箇条書きにして下さい。