磁性工学特論050512 第4回 磁気ヒステリシスはなぜ生じる



第4回授業の内容

- 復習コーナー;強磁性はなぜ起きる-分子場理論
- ちょっと量子力学: 交換相互作用
- •本日の学習コーナー:磁気ヒステリシスの曲来

 $\frac{C}{M_s}$

Η

 ΔM

 $H_{\rm c}$

- 磁気ヒステリシス
- 反磁界と静磁エネルギー
- 磁気異方性
- 磁区と磁壁; 磁壁移動と磁化回転
- 保磁力
- 発展コーナー:マイクロマグネティクス
- 実験コーナー:磁区観察法



ワイスの分子場理論

- 1つの磁気モーメントを取り出し、その周りにある すべての磁気モーメントから生じた有効磁界に よって、考えている磁気モーメントが常磁性的に 分極するならば自己完結的に強磁性が説明でき る
- これを分子場理論、有効磁界を分子磁界または 分子場(molecular field)と呼ぶ。



- 磁化Mをもつ磁性体に外部磁界Hが加わったときの有効磁界はH_{eff}=H+AMと表される。Aを分子場係数と呼ぶ。
- 分子場係数Aは \mathcal{J}_{ex} を交換相互作用係数、zを配位数として $A=2z\mathcal{J}_{ex}/N(g\mu_B)^2$ で与えられる。
- この磁界によって生じる常磁性磁化Mは、 $M=M_0B_J(g\mu_BH_{eff}J/kT)$ という式で表される。

 $-M_0 = N_g \mu_B J$ はすべての磁気モーメントが整列したときに期待される磁化。

復習コーナー(分子場理論) 自発磁化が生じる条件を求める

- *H*=0のとき*H*_{eff}=*AM*
- 自発磁化が生じるには
 - $M/M_0 = B_J(g\mu_B JH_{eff}/kT) = B_J(g\mu_B JAM/kT)$ が成立しなければならない。
- Aに分子場係数の式 $A=2zJ_{ex}/N(g\mu_B)^2$ を代入して $M/M_0=B_J(2zJ_{ex}g\mu_BMJ/N(g\mu_B)^2kT)$
- ・ここで $M_0 = N_g \mu_B J$ を使って書き直すと $M/M_0 = B_J((2zJ_{ex}J^2/kT) M/M_0)$ を得る。

復習コーナー(分子場理論) $M/M_0 = B_J((2zJ_{ex}J^2/kT) M/M_0)を解く$ • $y=M/M_0$ 、 $x=(2z\mathcal{J}_{ex}J^2/kT)M/M_0$ とすると、上の方程式を解 くことは、曲線y= $B_I(x)$ と直線 ($2z \mathcal{J}_{ex} J^2/kT$) y=xを連立して 解くことと同じである。 温度が上がると 1.0 y = M/Mキュリー温度においては 直線はブリルアン関数の接線 J=5/2のブリルアン関数 (2zJexJ²/kT) y=x;Tが大きいとき 解が存在しない:自発磁化なし (2zJexJ²/kT) y=x;Tが小さいとき 解が存在する:自発磁化あり 0.0 1.0 2.0 3.0 4.0 5.0 $x = g \mu_{R} J H / kT$





×は鉄、●はニッケル、Oはコバルトの実測 値、実線はJとしてスピンS=1/2,1,∞をとった ときの計算値



キュリーワイスの法則

 キュリー温度Tc以上では、磁気モーメントはバラバラの 方向を向き、常磁性になる。分子場理論によれば、この ときの磁化率は次式で与えられる。

$$\chi = \frac{C}{T - \Theta_p}$$

- この式をキュリーワイスの法則という。
- Cはワイス定数、のは常磁性キュリー温度という
- 1/χをTに対してプロットすると1/χ=(T- Θ_p)/Cとなり、横軸
 を横切る温度がΘ_pである。

復習コーナー(分子場理論)

キュリーワイスの法則を導く

- Heff=H+AM
- M/Heff=C/T (MとHeffの間にキュリーの法則が成 立すると仮定する)
- M/(H+AM)=C/T→MT=C(H+AM)
 従って、M(T-CA)=CHより

「ちょっと量子カ学」コーナー 交換相互作用(exchange interaction)

- 交換相互作用という言葉はもともとは多電子原子の中で働くクーロン相互作用の算出において、電子同士を区別できないことから来るエネルギーの補正項のことで、原子内交換相互作用といいます。 (intra-atomic exchange interaction)
- この概念を原子間に拡張したのが、原子間交換 相互作用(inter-atomic exchange interaction)で

ウンチクコーナー

イントラ(intra)とインター(inter): イントラは内部のといういみの接頭辞、インターは複数のものの間のという意味の接頭辞です。イントラネット、インターネットということばもここから来ています

「ちょっと量子力学」コーナー原子内交換相互作用

- 原子内交換相互作用は、本質的にクーロン相互作用で す。2つの電子(波動関数を φ_1, φ_2 とする)の間に働く クーロン相互作用のエネルギー*H*は、 $H = K_{12} - (1/2) J_{12}(1+4s_1s_2)$ で表されます。
- K₁₂は、次式で与えられるクーロン積分です。

$$K_{12} = \int dr_1 dr_2 \varphi_1^*(r_1) \varphi_2^*(r_2) \left(-\frac{e^2}{r_{12}}\right) \varphi_1(r_1) \varphi_2(r_2)$$

J₁₂は次式で与えられる交換積分で、電子が区別できないことからくる項です。

$$J_{12} = \int dr_1 dr_2 \varphi_1^*(r_1) \varphi_2^*(r_2) \left(-\frac{e^2}{r_{12}}\right) \varphi_1(r_2) \varphi_2(r_1)$$

「ちょっと量子カ学」コーナー 原子内交換相互作用

- $H = K_{12} (1/2) J_{12}(1+4s_1s_2)$ の固有値は、 $= K_{12} - J_{12} (s_1 \ge s_2 \times s$
- Hと平均のエネルギー($H_0 = K_{12} J_{12}/2$)との差 -2 $J_{12}s_4s_2$ のことを原子内交換エネルギーという。



「ちょっと量子力学」コーナー原子間交換相互作用

•本来磁気秩序を考えるには物質系全体のスピンを考え ねばならないのであるが、電子の軌道が原子に局在して いるみなして電子のスピンを各原子/の位置に局在した 全スピンSiで代表させて、原子1の全スピンS1と原子2の 全スピンS2との間に原子間交換相互作用が働くと考える のがハイゼンベルグ模型である。このとき交換エネル ギーHexは、原子内交換相互作用を一般化して見かけ の交換積分J12を用いて

$H_{ex} = -2J_{12}S_1S_2$

で表される。Jが正であれば相互作用は強磁性的、負であれば反強磁性的である。

「ちょっと量子力学」コーナー 交換相互作用:

- ハイゼンベルグ模型 *H_{ex}* =-2*J*₁₂S₁S₂
- Jが正であれば相互作用は強磁性的、負であれば反強磁性的
- 交換積分の起源
 - 隣接原子のスピン間の直接交換(direct exchange)
 - 酸素などのアニオンのp電子軌道との混成を通してス ピン同士がそろえあう超交換(superexchange)
 - 伝導電子との相互作用を通じてそろえあう間接交換 (indirect exchange)
 - - 電子の移動と磁性とが強く結びついている二重交換 相互作用(double exchange)

磁気ヒステリシスの由来

- 磁気ヒステリシスについて
- 反磁界と静磁エネルギー
- 磁気異方性
- 磁区と磁壁;磁壁移動と磁化回転
- 保磁力

強磁性体の磁気ヒステリシス

• 磁化が外部磁界に対しヒステリシスを示す。

- O→B→C:初磁化曲線
- C→D: 残留磁化
- D→E: 保磁力
- C→D→E→F→G→C:
 ヒステリシスループ





磁気ヒステリシスと応用

- 保磁力のちがいで用途が違う
- *H*_c小:軟質磁性体

- 磁気ヘッド、変圧器鉄心、磁気シールド

- *H*_c中:半硬質磁性体
 磁気記録媒体
- *H*_c大:硬質磁性体





なぜ初磁化状態では磁化がないのか: 磁区(magnetic domain)

- 磁化が特定の方向を向くとすると、N極からS極に向かって磁力線が生じます。この磁力線は考えている試料の外を通っているだけでなく、磁性体の内部も貫いています。この磁力線を反磁界といいます。反磁界の向きは、磁化の向きとは反対向きなので、磁化は回転する静磁力を受けて不安定となります。
- 磁化の方向が逆方向の縞状の磁区と呼ばれる領域に分かれるならば、反磁界がうち消し合って静磁エネルギーが低下して安定するのです

反磁界(demagnetization field)

- 磁性体表面の法線方向の磁化 成分をMnとすると、表面には単 位面積あたりσ= Mという大き さの磁極(Wb/m²)が生じる。
- 磁極からはガウスの定理によって全部でσ/μ。の磁力線がわき出す。このうち反磁界係数Nを使って定義される磁力線NMは内部に向かっており、残りは外側に向かっている。すなわち磁石の内部では、Mの向きとは逆方向の反磁界が存在する。
- 外部では磁束線は磁力線に一 致する。



反磁界係数N(近角強磁性体の物理より)

- $NOx, y, z 成分をN_x, N_y, N_z とすると、H_{di} = -N_i M_i / \mu_0 (i=x,y,z)$ と表され、 N_x, N_y, N_z の間には、 $N_x + N_y + N_z = 1$ が成立する。
- 球形: $N_x = N_y = N_z = 1/3$
- z方向に無限に長い円柱: $N_x = N_y = 1/2$ 、 $N_z = 0$
- ・ 無限に広い薄膜の場合: N_x= N_y= 0、N_z=1となる。
- 実効磁界 $H_{eff} = H_{ex} NM/\mu_0$



反磁界と静磁エネルギー

- 磁化Mが反磁界-Hdのもとにおかれると U=M·Hdだけポテンシャルエネルギーが高くなる。
- 一様な磁界 H中の磁気モーメントMに働くトルクTは T=-MH sin θ
- 磁気モーメントのもつポテンシャル*E*は $U=\int Td\theta= -\int_0^{\theta} MH \sin\theta d\theta = MH (1-\cos\theta)$
- エネルギーの原点はどこにとってもよいので ポテンシャルエネルギーはU=-M・Hと表される。H=-Haを代入すると反磁界によるポテンシャルの増加は U=M・Ha

表面磁極の分割による静磁エネルギー の減少

- 結晶表面をxy面にとる
- 表面でz=0とする
- 磁区の磁化方向は±z
- 磁区のx方向の幅d
- 磁極の表面密度ω
 =IS 2md<x<(2m+1)d
 =-IS (2m+1)d
- 磁気ポテンシャルφを
 Laplaceの方程式で求める



- 境界条件
 (∂φ/∂z)_{z=-0}=ω/2µ₀
- 境界条件のもとにラプラス方程式を解くと $\varphi = \sum_n A_n \sin n(\pi/d) x \exp n(\pi/d) z$
- 係数 A_n は次式を満たすように決められる (π/d) $\Sigma_n n A_n \sin n(\pi/d) x = I/2 \mu_0$; 2md < x < (2m+1)d= - $I/2 \mu_0$; (2m+1)d < x < 2(m+1)d

$$\rightarrow A_n = 2I_s d/\pi^2 \mu_0 n^2$$

- $\varphi_{(x=0)} = (2I_{s}d/\pi^{2}\mu_{0}) \Sigma_{n} (1/n^{2}) \sin n(\pi/d)x$
- 単位表面積あたりの静磁エネルギー $\varepsilon = (2I_s^2/\pi^2\mu_0) \Sigma_n (1/n^2) \int_0^d \sin n(\pi/d)x$ $= (2I_s^2d/\pi^2\mu_0) \Sigma_{n=odd} (1/n^3) = 5.40 \times 10^4 I_s^2 d$

磁気異方性

- 磁性体は半導体と違って形状・寸法・結晶方位とか磁化の方位など によって物性が大きく変化する。
- 1つの原因は上に述べた反磁界係数で、形状磁気異方性と呼ばれます。反磁界によるエネルギーの損を最小化することが原因です。
- このほかの原因として重要なのが結晶磁気異方性です。結晶磁気 異方性というのは、磁界を結晶のどの方位に加えるかで磁化曲線 が変化する性質です。
- 電子軌道は結晶軸に結びついているので、磁気的性質と電子軌道 との結びつき(スピン軌道相互作用)を通じて、磁性が結晶軸と結び つくのです。半導体にも、詳しい測定をすると異方性を見ることがで きます。これに比べ一般に半導体の電子軌道は結晶全体に広がっ ているので、平均化されて結晶軸に依存する物性が見えにくいです。

結晶磁気異方性

- 磁化しやすさは、結晶の方位に依存する。
- 鉄は立方晶であるが、[100]が容易軸、[111]は困難軸



円板磁性体の磁区構造

- 全体が磁区に分かれることにより、
 全体の磁化がなくなっている。これが
 初磁化状態である。
- 磁区の内部では磁化は任意の方向 をランダムに向いている訳ではない。
- 磁化は、結晶の方位と無関係な方向 を向くことはできない。磁性体には磁 気異方性という性質があり、磁化が 特定の結晶軸方位(たとえばFeでは [001]方向および等価な方向)を向く 性質がある。
- [001]容易軸では図のように(001)面内では[100][010][-100][0-10]の4つの方向を向くので90°磁壁になる。
- [111]容易軸では





磁気異方性の大きい立方 晶円板の磁区構造 磁気異方性の大きい一軸晶 円板の磁区構造

(近角: 強磁性体の物理)

ヒステリシスと磁区



核発生



- 磁区の考え: Weissが提唱
 P.Weiss: J. Phys. 6, 661 (1907)
- バルクハウゼンノイズ:
 - 巨視的磁化が多くの細かい不連続磁化から成立
 - H. Barkhausen: Phys. Z. 20, 401 (1919)



可逆回転磁化による磁化曲線

マイクロマグネティックス micromagnetics

- 自発磁化をもつ強磁性体が有限な形状をもつ ときに、その内部のスピン分布を第1原理から 解く計算手法[W.F.Brown, Jr.; J. Appl. Phys. 11, 160 (1940), Phys. Rev. 58, 736 (1940)]
- 安定なスピン分布は、静磁エネルギー U_{mag} 、
 交換エネルギー U_{ex} 、磁気異方性エネルギー
 U_a 、磁気弾性エネルギー U_{el} の総和
 $U=U_{mag}+U_{ex}+U_a+U_{el}$ を極小にすることによって与えられる。

マイクロマグネティクスによる磁区構造

磁極を作らない 一様に磁化 スピン分布 した円板 磁気異方性の大きい立方 磁気異方性の大きい一軸晶 晶円板の磁区構造 円板の磁区構造 環流磁区 磁極が生 静磁エネル **縞状磁区** ギーは下がる じ静磁エネ 磁区と磁区の境界に磁壁 ルギーが が交換エネル エネルギーを貯えている ギーが増加 上がる

 $\frac{\partial M}{\partial t} = |\gamma| \left(M \times H_{eff} \right) + \frac{\sigma}{M_s} M \times \frac{\partial M}{\partial t}$

- σ: Damping constant
- Heff: Effective field
- Ms: Saturation magnetization

•
$$Ms = |M|$$
, $M \cdot \frac{\partial M}{\partial t} = 0$

Micromagnetic simulation using LLG







 $\operatorname{div} M_{v}$

 $H_v = 10 \text{ kOe} \rightarrow 0 \text{ Oe}$

Saturation magnetization (Ms)

Exchange field (A)

Anisotropic constant (Ku)

Gyro magnetic constant (γ)

Damping constant (α)

Easy axis

Dot Size

Number of dot Mach aire

800 emu/cm³

 $1 \times 10^{-6} \, \mathrm{erg/cm^3}$ 1000 erg/cm^3 -1.76×10^7 rad/(s · Oe) 0.2Y direction $200 \text{ nm} \times 200 \text{ nm} \times 100$ nm

 $\sim 10 \sim 10$

200 x 200 x t50 nm







200 x 200 x t100 nm

















スピン構造



Calculation of a single dot

-divM



環流磁区の中心の移動



Force gradient image

Spin distribution image

MFM像とスピン分布像の比較



High-moment tip (CoPtCr/500 Å in Air) Low-moment tip (CoPtCr/240 Å in HV)

Spin distribution image



Dot model

Saturation magnetization (Ms)	800 emu/cm ³
Exchange field (A)	$1 imes 10^{-6}\mathrm{erg/cm^3}$
Anisotropic constant (Ku)	1000 erg/cm^3
Gyro magnetic constant (γ)	$ ext{-}1.76 imes 10^7 ext{ rad/(s \cdot Oe)}$
Damping constant (α)	0.2
Easy axis	Y direction
Dot Size	$200 \text{ nm} \times 200 \text{ nm} \times 100 \text{ nm}$
Number of dot	1
Mesh size	$10 \text{ nm} \times 10 \text{ nm} \times 10 \text{ nm}$



 $H_y = 10 \text{ kOe} \rightarrow 0 \text{ Oe}$



div**M**



 ${\rm div}M_{\!_{\mathcal{Y}}}$





 $H_y = 2$ kOe

 $H_y = 1$ kOe

 $H_y = 0$ Oe



Dot model

Comparison between MFM images and theoretical cross dots spin structure calculated using LLG equation







磁区の寸法

• 磁区の単位表面積あたりの静磁エネルギー

$$\varepsilon_{m} = \frac{I_{s}^{2}d}{\pi^{2}\mu_{0}} \sum_{n=1}^{\infty} \frac{1}{n^{2}d} \int_{0}^{d} \sin n \left(\frac{\pi}{d}\right) x dx = 5.4 \times 10^{4} I_{s}^{2} d$$

• 磁壁のエネルギー $\varepsilon_w = \frac{\gamma l}{d}$ • $\varepsilon = \varepsilon_m + \varepsilon_w \varepsilon \phi \Lambda c \sigma_o$ $d = 3.04 \times 10^{-3} \frac{\sqrt{\gamma l}}{I_s}$

180°磁壁と90°磁壁



4% Si-Fe 単結晶(001) 面で 観察した磁区図形.磁壁の黒線 は墨入れをしてある.中央に水 平に入れた線は機械的にひいた すじの見え方を説明するための もの. •180°磁壁:その両側で磁化の 向きが180°変化している磁壁 •90°磁壁:その両側で磁化の 向きが90°変化している磁壁

磁壁と磁壁移動



ブロッホ磁壁とネール磁壁

(a) ブロッホ磁壁,

磁壁内のスピン回転

薄膜では、ブロッホ磁壁は磁極が生じるのでネール磁壁が一般的

磁化回転と保磁力

- 非可逆回転磁化過程 $E=-K_u \cos 2(\theta-\theta_0)+I_sH\cos \theta$
- 釣り合いの条件および 非可逆回転に移る条件 ∂E/∂θ=0; ∂²E/∂θ=0
- これらより、圧力 $p=I_sHc/K_u$ として $sin2(\theta-\theta_0)=p sin \theta; cos2(\theta-\theta_0)=p cos \theta$ $sin2\theta_0=(1/p^2)((4-p^2)/3)^{3/2}$
- $\theta_0 = 0, \pi/2$ のとき $p = 2 \rightarrow Hc = 2K_u/I_s$
- $\theta_0 = \pi/4$ のとき $p=1 \rightarrow Hc = K_u/I_s$

磁壁移動と保磁力

- ∂ε/∂s=p=2I_sHcosθ
 復元力が圧力と釣り合う
- $Hc = (\partial \varepsilon / \partial s)_{max} / 2I_s \cos \theta$
- 磁壁のエネルギー γ $\gamma=2\{A(K_1-(3/2)\lambda\sigma_0\cos 2\pi(s/l)\}^{1/2}$ $\partial\gamma/\partial s=2\pi\lambda\sigma_0\delta/l$
- $Hc = \pi \lambda \sigma_0 / I_s \cos \theta$
- 普通の磁性体ではλ=10⁻⁵, Is=1 2[T], cos θ~1, σ0=10⁹[N/m²]を代入してHc=3×10⁴[A/m]

磁区観察法

- 粉末図形法(Bitter pattern)、電界研磨法
- 磁気力一効果顕微鏡
- 近接場磁気光学顕微鏡
- ローレンツ電子顕微鏡
- スピン偏極電子顕微鏡
- 干渉電子顕微鏡(電子線ホログラフィー)
- X線磁気光学顕微鏡
- 磁気力顕微鏡(MFM)
- スピン偏極走査型トンネル顕微鏡(SP-STM)

ビッターパターン

4% Si-Fe 単結晶(001) 面で 観察した磁区図形.磁壁の黒線 は墨入れをしてある.中央に水 平に入れた線は機械的にひいた すじの見え方を説明するための もの.

磁気カー効果顕微鏡

磁気カー効果を利用した磁区観察装置(a)と,表面に垂直に 磁化容易軸をもつ強磁性試料の磁区からの反射光の偏光方向の 回転(b)

磁気カー効果を利用して 観 察した MnBi c 面の磁区図形 (結晶の厚さは (a) が最も厚く, (b), (c)と薄くなる) (文献 19 による)

ファラデー効果を用いた 磁区のイメージング

ファラデー効果で観察した (Gd,Bi)₃(Fe,Ga)₅O₁₂の磁区 NHK技研 玉城氏のご厚意による

磁性ガーネットの磁区の変化

近接場磁気光学顕微鏡

近接場磁気光学顕微鏡による Pt/Co MOディスクに記録された 0.2μm マークのトポ像と磁気光学像

トポ像

磁気光学 像

والارتبار المعار ورزولون المتواور والمترا

丹司(名大)による

X線磁気光学顕微鏡

Fig. 1 Experimental determination of spin and orbital moments in thin Fe-layers via the X-MCD effect⁶⁾.

Fig. 3 M-TXM image of a layered Gd/Fe system prepared onto 325nm Polyimid substrate^{9,10)}

Fig. 4 Same multilayered Gd/Fe system as Figure 3 prepared on 30nm Si₃N₄ membranes

Fischer(独)による

Domain image of MO media observed using XMCD of Fe L₃-edge

mark/space 0.2/0.2

0.1/0.1

0.05/0.05

0.1/0.7

0.05/0.75

0.8/0.8

0.4/0.4

0.2/0.2

μm

SiN(70nm)/ TbFeCo(50nm)/SiN(20nm)/ Al(30nm)/SiN(20nm) MO 媒体

N. Takagi, H. Ishida, A. Yamaguchi, H.
Noguchi, M. Kume, S. Tsunashima, M.
Kumazawa, and P. Fischer: Digest Joint MORIS/APDSC2000, Nagoya, October 30-November 2, 2000, WeG-05, p.114.

綱島(名大)らによる

 $1 \mu m$