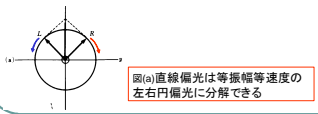
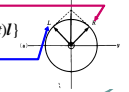
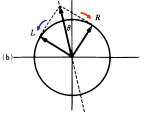
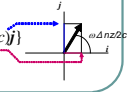
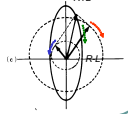
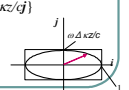
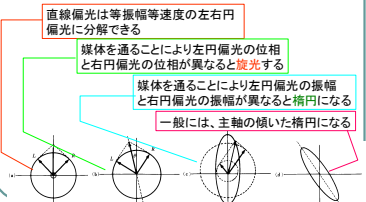
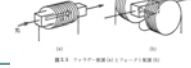
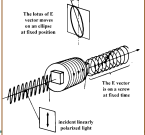

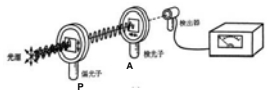


<p>物性物理学特論A —第3回 電磁気学に基づく磁気光学の理論 (1) 誘電率テンソル</p> <p>佐藤 隆昭 慶應義塾大学講師(非常勤) 東京農工大学名誉教授・工学府特任教授 [独]科学技術振興機構(JST)戦略的創造研究事業さきかけ 「革新的次世代デバイスを目指す材料とプロセス」研究総括</p>	<p>電磁気学に基づく磁気光学の理論(1)</p> <ul style="list-style-type: none"> ● 今回の講義では磁気光学効果が媒体のどのような性質に基づいて生じるかをマクロな立場に立てて説明します。 ● ここでは媒体のミクロな性質には目をつぶって、媒体を連続体のように扱い、偏光が伝わる様子を電磁波の基本方程式であるマクスウェルの方程式を使って記述します。 ● このとき媒体の応答を誘電率を使って表します。 	<p>円偏光と旋光性・円二色性</p> <ul style="list-style-type: none"> ● 以下では旋光性や円二色性が左右円偏光に対する媒体の応答の差に基づいて生じることを説明します 																				
<p>直線偏光は左右円偏光の合成</p> <ul style="list-style-type: none"> ● 直線偏光の電界ベクトルの軌跡は図(a)のように、振幅と回転速度が等しい右円偏光Rと左円偏光Lとの合成で表されます。  <p>図(a)直線偏光は等振幅等速度の左右円偏光に分解できる</p>	<p>式で書くと</p> <ul style="list-style-type: none"> ● $E = E_0 \exp(i\omega t) i$ ここにiはx方向の単位ベクトル ● 右円偏光の単位ベクトルrは $(i+j)/2^{1/2}$ ● 左円偏光の単位ベクトルlは $(i-j)/2^{1/2}$ $i = (r+l)/2^{1/2}$となるので ● $E = 2^{-1/2} \{E_0 \exp(i\omega t) r + E_0 \exp(i\omega t) l\}$ 	<p>左右円偏光の位相が異なる場合</p> <ul style="list-style-type: none"> ● 媒体を透過した後、図(b)のように左円偏光の位相が右円偏光の位相より進んでいたとすると、合成した電界ベクトルの軌跡も直線で、その向きはもとの偏光の向きから傾いています。 ● これが旋光性です。回転角は左右円偏光の位相差の1/2です。  <p>図(b)媒体を通ることにより左円偏光の位相と右円偏光の位相が異なると偏光が回転します</p>																				
<p>式で書くと</p> <ul style="list-style-type: none"> ● 右円偏光に対する屈折率 n^+ ● 左円偏光に対する屈折率 n^- とすると、 ● 右円偏光の位相は $\omega n^+ z/c$ ● 左円偏光の位相は $\omega n^- z/c$ ● であるから右円偏光と左円偏光の位相差は $\omega(n^+ - n^-)z/c$ ● この半分が回転角になります。 	<p>ベクトルで書くと</p> <ul style="list-style-type: none"> ● $E = 2^{-1/2} E_0 \{ \exp(i\omega t) r + \exp(i\omega t) l \}$ が右円偏光に対する屈折率 n^+、左円偏光に対する屈折率 n^- の環境を通過すると、 ● $E = 2^{-1/2} E_0 \{ \exp[i\omega(t - n^+ z/c)] r + \exp[i\omega(t - n^- z/c)] l \}$ これを直交系に戻すと、 ● $E = 2^{1/2} E_0 \exp(i\omega t) \exp(-i\omega n z/c) \times \{ \cos(\omega \Delta n z/2c) i + \sin(\omega \Delta n z/2c) j \}$ ● ここに $\Delta n = n^+ - n^-$, $n = (n^+ + n^-)/2$ 	<p>左右円偏光の振幅が異なると</p> <ul style="list-style-type: none"> ● 媒体を透過した後、(c)のように右円偏光と左円偏光のベクトルの振幅に差が生じると、合成ベクトルの軌跡は楕円になります。 ● 楕円の短軸と長軸の比の \tan^{-1} が楕円率角です。  <p>図(c)媒体を通ることにより左円偏光の振幅と右円偏光の振幅が異なると合成した軌跡は楕円になります</p>																				
<p>式で書くと</p> <ul style="list-style-type: none"> ● 右円偏光に対する消光係数 k^+ ● 左円偏光に対する消光係数 k^- とすると、 ● 右円偏光の振幅は $\exp(-\omega k^+ z/c)$ ● 左円偏光の振幅は $\exp(-\omega k^- z/c)$ ● 屈折率は左右円偏光に対し同じであると仮定 	<p>ベクトルで書くと</p> <ul style="list-style-type: none"> ● $E = 2^{-1/2} E_0 \{ \exp(i\omega t) r + \exp(i\omega t) l \}$ が右円偏光に対する消光係数 k^+、左円偏光に対する消光係数 k^- の環境を通過すると、 ● $E = 2^{-1/2} E_0 \exp[i\omega(t - n z/c)] \{ \exp(-\omega k^+ z/c) r + \exp(-\omega k^- z/c) l \}$ これを直交系に戻すと、 ● $E = 2^{1/2} E_0 \exp(i\omega t) \exp(-\omega k z/c) \{ \cos(\omega \Delta k z/2c) i + \sin(\omega \Delta k z/2c) j \}$ ● ここに $\Delta k = k^+ - k^-$, $k = (k^+ + k^-)/2$, また $\omega \Delta k z \ll 1$ とする ● 楕円率角 η は $\eta = \tan^{-1}(\omega \Delta k z/c)$ <p>注: k (カッコ) と η (ハット) は消光係数</p> 	<p>円偏光と磁気光学効果: まとめ</p> <ul style="list-style-type: none"> ● 直線偏光は等振幅等速度の左右円偏光に分解できる ● 媒体を透過することにより左円偏光の位相と右円偏光の位相が異なると旋光する ● 媒体を通ることにより左円偏光の振幅と右円偏光の振幅が異なると楕円になる ● 一般には、主軸の傾いた楕円になる  <p>図の出典:「光と磁気」図3.1</p>																				
<p>連続媒体での光の伝搬とMaxwell方程式</p> <ul style="list-style-type: none"> ● 連続媒体中の光の伝わり方はマクスウェルの方程式で記述されます。 ● マクスウェルの方程式は、電磁波の電界と磁界との関係を与える連立微分方程式であると理解しておいてください。 ● 詳しい取り扱いには次回講義で詳しく述べます。 $\text{rot } E = -\frac{\partial B}{\partial t} = -\mu_0 \text{rot } H$ $\text{rot } H = \frac{\partial D}{\partial t} = \epsilon_0 \text{rot } E$	<p>光学活性の種類</p> <ul style="list-style-type: none"> ● 物質本来の光学異方性による光学活性を「自然活性」とよびます。 ● 電界あるいは電気分極によって誘起される光学活性を電気光学(EO)効果といいます。ポッケルス効果、電気光学カー効果があります。 ● 磁界あるいは磁化によって誘起される光学活性を磁気光学(MO)効果といいます。 ● 応力による光学活性をピエゾ光学効果または光弾性といいます。 	<p>非磁性体のファラデー効果</p> <ul style="list-style-type: none"> ● ガラス棒にコイルを巻き電流を通じるとガラス棒の長手方向に磁界ができます。このときガラス棒に直線偏光を通すと磁界の強さとともに偏光面が回転する。この磁気旋光効果を発見者Faradayに因んでファラデー効果といいます。 ● 光の進行方向と磁界とが同一直線上にあるときをファラデー配置といい、進行方向と磁界の向きが直交するような場合を、磁気様屈折を発見したVoigtに因んでフォーク配置といいます。 																				
<p>ファラデー効果</p> <ul style="list-style-type: none"> ● ファラデー配置において直線偏光が入射したとき出射光が楕円偏光になり、その主軸が回転する効果です。   <p>M. Faraday (1791-1867)</p>	<p>ヴェルデ定数</p> <ul style="list-style-type: none"> ● 強磁性を示さない物質の磁気旋光角を θ_V、磁界を H、光路長とすると、 $\theta_V = V H$ と表される。V はヴェルデ(Verdet)定数と呼ばれ、物質固有の比例定数である。 <p>ヴェルデ定数一覧表 $\lambda = 546.1 \text{nm}$ 理科年表による</p> <table border="1"> <thead> <tr> <th>物質</th> <th>V [min/A]</th> <th>物質</th> <th>V [min/A]</th> </tr> </thead> <tbody> <tr> <td>酸素</td> <td>7.598×10^6</td> <td>NaCl</td> <td>5.15×10^{-2}</td> </tr> <tr> <td>プロパン</td> <td>5.005×10^5</td> <td>ZnS</td> <td>2.84×10^{-1}</td> </tr> <tr> <td>水</td> <td>1.645×10^2</td> <td>クワンガラス</td> <td>2.4×10^2</td> </tr> <tr> <td>クロロホルム</td> <td>2.06×10^2</td> <td>重フリントガラス</td> <td>1.33×10^3</td> </tr> </tbody> </table>	物質	V [min/A]	物質	V [min/A]	酸素	7.598×10^6	NaCl	5.15×10^{-2}	プロパン	5.005×10^5	ZnS	2.84×10^{-1}	水	1.645×10^2	クワンガラス	2.4×10^2	クロロホルム	2.06×10^2	重フリントガラス	1.33×10^3	<p>直交偏光子</p> <ul style="list-style-type: none"> ● 偏光子Pと検光子Aを互いに偏光方向が垂直になるようにしておきます。(クロスニコル条件) ● この条件では光は通過しません。 
物質	V [min/A]	物質	V [min/A]																			
酸素	7.598×10^6	NaCl	5.15×10^{-2}																			
プロパン	5.005×10^5	ZnS	2.84×10^{-1}																			
水	1.645×10^2	クワンガラス	2.4×10^2																			
クロロホルム	2.06×10^2	重フリントガラス	1.33×10^3																			

ファラデー効果による光スイッチ

● クロスニコル状態の偏光子Pと検光子Aの間に長さ0.23 mのクラウンガラスの棒を置き 10^6 A/m(~ 1.3 T)の磁界をかけたとき、ガラス中を通過する際には 90° 振動面が回転して検光子Aの透過方向と平行になり光がよく通過する。

James Clerk Maxwell

出生 1831年6月13日
エジンバラ
死去 1879年11月5日
ケンブリッジ

エジンバラ城を望む(佐藤勝昭画)

マクスウェル方程式

$$\text{rot } \mathbf{E} = -\frac{\partial \mathbf{B}}{\partial t} = -\mu_0 \tilde{\mu} \frac{\partial \mathbf{H}}{\partial t} \quad \text{電磁誘導の法則}$$

$$\text{rot } \mathbf{H} = \frac{\partial \mathbf{D}}{\partial t} = \epsilon_0 \tilde{\epsilon} \frac{\partial \mathbf{E}}{\partial t} \quad \text{アンペールの法則}$$

変位電流

媒体の応答を与える物理量：比誘電率

● マクスウェルの方程式で表される電磁波の伝搬において、媒体の応答を与えるのが、比誘電率 ϵ です。

● 電束密度 \mathbf{D} と電界 \mathbf{E} の関係は $\mathbf{D} = \epsilon \epsilon_0 \mathbf{E}$ と表すことができます。ここに ϵ_0 は真空の誘電率で、 $\epsilon_0 = 8.854 \times 10^{-12}$ F/mです。

比透磁率は1として扱う。

● 光の伝搬を考える場合 $\mathbf{B} = \mu_0 \mathbf{H}$ と扱います。すなわち、比透磁率 μ は1とします。

● 磁性体中の伝搬であるから比透磁率 μ は1ではないと考える人があるかも知れませんが、

● 光の振動数(10^{14} - 10^{15} Hz)くらいの高い周波数になると巨視的な磁気モーメントは、磁界に追従できなくなるため、透磁率を $\mu \cdot \mu_0$ としたときの比透磁率 μ は1として扱ってよいのです。 μ_0 は真空の透磁率で、 $\mu_0 = 1.257 \times 10^{-6}$ H/mと与えられます。

誘電率テンソル

\mathbf{D} も \mathbf{E} もベクトルなのでベクトルとベクトルの関係を与える量である ϵ は2階のテンソル量です。2階のテンソルというのは、2つの添字をつけて表される量で、 3×3 の行列と考えてさつかけありません。(ここではテンソルを表すため記号 \sim (チルダ)をつけます)

$$\mathbf{D} = \tilde{\epsilon} \epsilon_0 \mathbf{E}$$

$$D_i = \epsilon_{ij} \epsilon_0 E_j$$

テンソル要素を使って表現すると下の式ようになります。繰り返し添字について総和をとるというテンソル演算の約束に従っています。

誘電率テンソルの一般的表示

● 一般的な場合、誘電率テンソルは、下記のような9個のテンソル要素で表すことができます。各要素は複素数です。 $\epsilon_{ij} = \epsilon'_{ij} + i\epsilon''_{ij}$

$$\tilde{\epsilon} = \begin{pmatrix} \epsilon_{xx} & \epsilon_{xy} & \epsilon_{xz} \\ \epsilon_{yx} & \epsilon_{yy} & \epsilon_{yz} \\ \epsilon_{zx} & \epsilon_{zy} & \epsilon_{zz} \end{pmatrix}$$

誘電率スペクトルの一例：PtMnSb

● 図をご覧ください。これは私たちが測定したPtMnSbという強磁性体の磁気光学効果に関する磁気光学スペクトルです。

● 測定したのは反射スペクトルと磁気光学効果のスペクトルですが、ここには比誘電率テンソルの対角、非対角成分のスペクトルが示されています。

● 左が誘電率テンソルの対角成分 ϵ_{xx} 、右が非対角成分 ϵ_{xy} のスペクトルです。

図の出典：「光と磁気」図6.24

なぜ誘電率テンソルを用いるの？

● 屈折率、反射率やカー回転角などは、入射角や磁化の向きに依存する量で、媒体固有の応答を表す量ではありません。これに対し、誘電率テンソルは媒体に固有の物理量です。

● また、誘電率テンソルは、物質中の電子構造や光学遷移の遷移行列に直接結びつけることができ、理論計算の結果とすぐに対応できる物理量です。

等方性の媒体の誘電率テンソル

● 媒体中の光の伝搬のしかたが光の進行方向によらないとき、その媒体は光学的に等方であるといいます。

● そのときの誘電率テンソルは、スカラーと同じなので、等しい3つの対角成分 ϵ_{xx} のみで表せます。

$$\tilde{\epsilon} = \begin{pmatrix} \epsilon_{xx} & 0 & 0 \\ 0 & \epsilon_{xx} & 0 \\ 0 & 0 & \epsilon_{xx} \end{pmatrix} = \epsilon_{xx} \begin{pmatrix} 1 & 0 & 0 \\ 0 & 1 & 0 \\ 0 & 0 & 1 \end{pmatrix} \quad (3.9)$$

誘電率スペクトルの一例：PtMnSb

● 図をご覧ください。これは私たちが測定したPtMnSbという強磁性体の磁気光学効果に関する磁気光学スペクトルです。

● 測定したのは反射スペクトルと磁気光学効果のスペクトルですが、ここには比誘電率テンソルの対角、非対角成分のスペクトルが示されています。

● 左が誘電率テンソルの対角成分 ϵ_{xx} 、右が非対角成分 ϵ_{xy} のスペクトルです。

図の出典：「光と磁気」図6.24

なぜ誘電率テンソルを用いるの？

● 屈折率、反射率やカー回転角などは、入射角や磁化の向きに依存する量で、媒体固有の応答を表す量ではありません。これに対し、誘電率テンソルは媒体に固有の物理量です。

● また、誘電率テンソルは、物質中の電子構造や光学遷移の遷移行列に直接結びつけることができ、理論計算の結果とすぐに対応できる物理量です。

等方性の媒体の誘電率テンソル

● 媒体中の光の伝搬のしかたが光の進行方向によらないとき、その媒体は光学的に等方であるといいます。

● そのときの誘電率テンソルは、スカラーと同じなので、等しい3つの対角成分 ϵ_{xx} のみで表せます。

$$\tilde{\epsilon} = \begin{pmatrix} \epsilon_{xx} & 0 & 0 \\ 0 & \epsilon_{xx} & 0 \\ 0 & 0 & \epsilon_{xx} \end{pmatrix} = \epsilon_{xx} \begin{pmatrix} 1 & 0 & 0 \\ 0 & 1 & 0 \\ 0 & 0 & 1 \end{pmatrix} \quad (3.9)$$

異方性のある媒体の誘電率テンソル

● 磁化がないとき等方性であった媒体にz軸方向に磁化を持たせたとすると、z軸を異方軸とする一軸異方性をもたらす。(z軸に垂直な向きに関しては等方的)

● この場合、比誘電率のテンソルは、z軸のまわりの任意の角度の回転に対して不変となります。

● たとえば 90° の回転 C_4 を施し次式となります。

$$C_4^{-1} \tilde{\epsilon} C_4 = \tilde{\epsilon} \quad (3.10)$$

座標系の回転操作 C_4 に対して、なぜ誘電率テンソルの回転が左辺のように表せるのかは、課題(1)としますので自分で調べてみてください。

図の出典：「光と磁気」図3.2

誘電率テンソルに回転 C_4 を施す

● (a)に実際に C_4 の演算を施すと(b)となります。

● (a)=(b)として要素を比較すると式(3.11)が得られます。

$$\tilde{\epsilon} = \begin{pmatrix} \epsilon_{xx} & \epsilon_{xy} & \epsilon_{xz} \\ \epsilon_{yx} & \epsilon_{yy} & \epsilon_{yz} \\ \epsilon_{zx} & \epsilon_{zy} & \epsilon_{zz} \end{pmatrix} \quad (a) \quad \tilde{\epsilon}' = C_4^{-1} \tilde{\epsilon} C_4 = \begin{pmatrix} \epsilon_{yy} & -\epsilon_{xy} & -\epsilon_{yz} \\ -\epsilon_{xy} & \epsilon_{xx} & \epsilon_{xz} \\ -\epsilon_{yz} & \epsilon_{xz} & \epsilon_{zz} \end{pmatrix} \quad (b)$$

$$\begin{aligned} \epsilon_{xx} &= \epsilon_{yy} \\ \epsilon_{yx} &= -\epsilon_{xy} \\ \epsilon_{xz} &= \epsilon_{yz} = \epsilon_{zx} = \epsilon_{zy} = 0 \end{aligned} \quad (3.11)$$

テンソル(a)に C_4 を操作して(b)になることを確かめて下さい。次にそれにもとづき(3.11)を証明して下さい。これを課題(2)とします。

ϵ_{zz} については何ら制約がありません。 $\epsilon_{xx} = \epsilon_{yy}$ である必要はありません

磁化のある媒質の誘電率テンソル

- 従って、等方性媒質に磁化を付与したときの非誘電率 ϵ テンソルは ϵ_{xx} , ϵ_{xy} , ϵ_{zz} の3つの要素だけを使って、次のように簡単に書けます。

$$\tilde{\epsilon} = \begin{pmatrix} \epsilon_{xx} & \epsilon_{xy} & 0 \\ -\epsilon_{xy} & \epsilon_{xx} & 0 \\ 0 & 0 & \epsilon_{zz} \end{pmatrix} \quad (3.12)$$

よくある質問

- 誘電率テンソルの **対角・非対角** とは何ですか
A: 添え字が xx, yy, zz のように対角線上に来るものを対角成分、 xy, yz, zx のように対角線上にないものを非対角成分といいます。
- もともと異方性がある場合の誘電率テンソルはどのように考えればよいのでしょうか
A: もともと1軸異方性があるとき、その対称軸に平行な磁化がある場合は、今やった等方性の場合と同じですが、磁化が任意の方向を向いているときは、全ての非対角成分が有限の値をとります。

よくある質問

- 誘電率テンソルはどのように測定するのですか。
A: **対角成分** はエリプソメトリなど通常の分光学で、 n, κ を求め、 $\epsilon_{xx} = n^2 - \kappa^2$, $\epsilon_{zz} = 2n\kappa$ によって計算します。
- **非対角成分** については、磁気光学効果測定装置を用いて回転角 θ 、楕円率 η のスペクトルを求め、上に述べた光学定数 n, κ を用いて計算で求めます。

$$\epsilon_{xy}^* = -\frac{2\kappa}{\omega} (n\eta + \kappa\theta)$$

$$\epsilon_{yx}^* = \frac{2\kappa}{\omega} (\kappa\eta - n\theta) \quad (\text{Faraday効果の場合})$$

注: n は屈折率、 κ (クワット) と θ (ベクトル) は消光係数

磁化 M の関数としての誘電率

- さて、磁気光学効果における各成分は M の関数ですから、 $\tilde{\epsilon}$ は次式のように表せるはずですが。

$$\tilde{\epsilon} = \begin{pmatrix} \epsilon_{xx}(M) & \epsilon_{xy}(M) & 0 \\ -\epsilon_{xy}(M) & \epsilon_{xx}(M) & 0 \\ 0 & 0 & \epsilon_{zz}(M) \end{pmatrix} \quad (3.13)$$

- $\epsilon_{ij}(M)$ を次式のように M でべき級数展開します。

$$\epsilon_{ij}(M) = \epsilon_{ij}^{(0)} + \sum_n \frac{1}{n!} \epsilon_{ij}^{(n)} M^n \quad (3.14)$$

Lars Onsager

- Norwegian-American chemist and physicist.
The Nobel Prize in Chemistry 1968



出生 1903年11月27日
オスロ
死没 1976年10月5日

磁化がある場合は非相反になる

$$\epsilon_{ij}(-M) = \epsilon_{ji}(M)$$

誘電率の成分と磁化依存性

- Onsager の式 $\epsilon_{ij}(-M) = \epsilon_{ji}(M)$ (3.15) を適用すると、対角成分は $\epsilon_{xx}(M) = \epsilon_{xx}(-M)$ となり M について偶関数であることがわかります。
- 一方、非対角成分については $\epsilon_{xy}(M) = \epsilon_{yx}(-M) = -\epsilon_{xy}(-M)$ が成り立つので、 M について奇関数であることがわかります。

誘電率と導電率

- 対角成分は M の偶数次のみ、非対角成分は M の奇数次のみで展開できます。

$$\epsilon_{xx}(M) = \epsilon_{xx}^{(0)} + \sum_n \epsilon_{xx}^{(2n)} M^{2n} / (2n)!$$

$$\epsilon_{xy}(M) = \sum_n \epsilon_{xy}^{(2n+1)} M^{2n+1} / (2n+1)!$$

$$\epsilon_{zz}(M) = \epsilon_{zz}^{(0)} + \sum_n \epsilon_{zz}^{(2n)} M^{2n} / (2n)!$$

- $\epsilon_{xy}(M)$ がファラデー効果やカー効果をもたらし、 $\epsilon_{xy}(M)$ と $\epsilon_{yx}(M)$ の差が磁気複屈折(コットン・ムートン効果)の原因となります。

誘電率と導電率

- 電流密度と電界の関係は次式であらわれます。

$$J = \sigma E$$

$$J_i = \sigma_{ij} E_j$$

- 導電率(電気伝導率)のテンソルは

$$\tilde{\sigma} = \begin{pmatrix} \sigma_{xx} & \sigma_{xy} & \sigma_{xz} \\ \sigma_{yx} & \sigma_{yy} & \sigma_{yz} \\ \sigma_{zx} & \sigma_{zy} & \sigma_{zz} \end{pmatrix}$$

で表されます。

誘電率と導電率の関係

- 誘電率と導電率には右の式で表される関係があります。

$$\epsilon_{ij} = \delta_{ij} + i \frac{\sigma_{ij}}{\omega \epsilon_0}$$

- 成分で書くと

対角成分は $\epsilon_{xx} = 1 + i \frac{\sigma_{xx}}{\omega \epsilon_0}$

非対角成分は $\epsilon_{xy} = i \frac{\sigma_{xy}}{\omega \epsilon_0}$

- 誘電率の実数部・虚数部は導電率のそれぞれ虚数部・実数部に対応します。

誘電率と導電率のどちらを使うか

- 誘電率 ϵ と導電率 σ には簡単な関係が成り立つので、媒質の光応答を表すときに、 ϵ, σ のいずれを用いて記述してもよいのですが、一般には、**金属を扱うときは σ を、絶縁体であれば ϵ を用いるのが普通**です。
- 金属の場合は、 $\omega \rightarrow 0$ の極限すなわち直流においては自由電子の遮蔽効果のために発散してしまうのに対し、 σ は有限の値に収束するので都合がよいからです。

課題

- z 方向の磁化をもつ場合の比誘電率テンソルの要素間に(3.11)式が成り立ち、その結果、誘電率テンソルは(3.12)式で与えられることを導いてください。

$$\epsilon_{xx} = \epsilon_{yy}$$

$$\epsilon_{yx} = -\epsilon_{xy} \quad (3.11)$$

$$\epsilon_{zz} = \epsilon_{yy} = \epsilon_{xx} = \epsilon_{yy} = 0$$

$$\tilde{\epsilon} = \begin{pmatrix} \epsilon_{xx} & \epsilon_{xy} & 0 \\ -\epsilon_{xy} & \epsilon_{xx} & 0 \\ 0 & 0 & \epsilon_{zz} \end{pmatrix} \quad (3.12)$$

第3回のまとめ

- 等方性の媒質が z 軸方向の磁化をもったとき、その比誘電率テンソルは、3つの成分で表すことができることを学びました。
- 誘電率テンソルの対角成分は磁化の偶関数で表されるのに対し、非対角成分は磁化の奇関数で表されることを学びました。

次回の予告: 磁気光学効果の式

- 次回の講義では、この誘電率テンソルをマクスウェルの方程式に代入して複素屈折率 \hat{N} の固有値を求めます。

固有方程式は右の式になるので任意の E に対して式が成立する条件から複素屈折率の固有値が求められます。

$$\hat{N}^2 - \epsilon_{xx} \quad -\epsilon_{xy} \quad 0 \begin{pmatrix} E_x \\ E_y \\ E_z \end{pmatrix} = 0$$

$$\hat{N}_{\pm}^2 = \epsilon_{xx} \pm i\epsilon_{xy}$$

ここで N_{\pm} に対応する固有値はそれぞれ右円偏光、左円偏光であることが導かれます。さらに、非対角成分 ϵ_{xy} が無ければ、左右円偏光の応答に差がなく、光学活性が生じないということも学びます。

第2回の質問・注文など

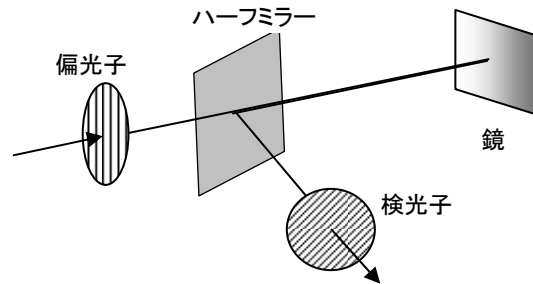
1. 光を往復させるための実験セットアップをどのように構築すればよいのかわかりません。(U君)

ファラデー効果と自然旋光性のちがい

- ファラデー効果においては磁界を反転すると逆方向に回転が起きます。つまり**回転角は磁界の方向に対して定義**されている。一方、自然旋光性は回転が光の進行方向に対して定義されています。
- 図2.7に示すように、ブドウ糖液中を光を往復させると戻ってきた光は全く旋光していないが、磁界中のガラスを往復した光は、片道の場合の2倍の回転を受けます。

図2.7 ファラデー効果の場合
ブドウ糖液中を往復した光は旋光しないが (a)、磁界中のガラスを往復した光は片道の場合の2倍だけ旋光している (b)。

A: 実際のセッティングにはハーフミラーを使います。



2. ヒステリシス曲線において飽和したあと磁場を減少したときに逆向きの核が発生する理由がわからない。(M君)

ヒステリシスと磁区

- ヒステリシスは、磁性体の磁区(磁化のそろった領域)に分かれることから生じています。

磁気飽和
核発生

A: 逆磁区の核発生メカニズムは、それほど簡単ではありません。異方性の強い磁性体の場合、磁場を強めていって一度単磁区になると、磁場を減じてもなかなか元に戻りません。しかし、単磁区の状態は反磁場にもとづく静磁エネルギーのために安定ではありません。何らかのきっかけがあれば、磁区にわかれたほうが安定になります。きっかけとしては、表面での凹凸や、偏析した不純物などが考えられます。一度逆磁化をもつ磁区の核が発生すると、磁壁移動や磁化回転で成長していきます。

3. 配布されたパワーポイント資料に一部抜けがあったのでできれば全てのページを載せて欲しい。(T君)

A: できるだけご希望に沿うようにしますが、紙数を増やさないために適宜省略することがあります。

4. 今回のように小さくてもプリント枚数が少ないほうがよいです。(W君)

A: そうですね。資源の節約のためにも出来るだけそうします。

5. 旋光性において電界ベクトルが回転するのは物質内に何らかの外場がありその向きにベクトル合成されるからですか。(4年K君)

左右円偏光の位相が異なる場合

- 媒体を透過した後、図(b)のように**左円偏光**の位相が**右円偏光**の位相より進んでいたとすると、合成した電界ベクトルの軌跡も直線で、その向きはもとの偏光の向きから傾いています。
- これが旋光性です。回転角は左右円偏光の位相差の1/2です。

図(b)媒体を通ることにより左円偏光の位相と右円偏光の位相が異なると偏光が**回転**します

A: そうではありません。授業ですこしふれたように、直線偏光は左右2つの円偏光に分けられますが、左右円偏光の位相差が生じることにより旋光性がおきるのです。詳しくは、今回と次回の講義でわかるはずです。

6. できればいいんですが、パワーポイントに書き込みがしたいので、授業の前にダウンロード出来ると助かります。(O君)

A: パワポの pdf は授業前日にネットにアップしてありますので、家でダウンロードしてください。